

### Exercice 1 :

S<sub>1</sub>, S<sub>2</sub> et S<sub>3</sub> :

$$Q = m \times C \times (\theta_{\text{finale}} - \theta_{\text{initiale}}) \Rightarrow (\theta_{\text{finale}} - \theta_{\text{initiale}}) = \frac{Q}{m \times C} \Rightarrow \theta_{\text{finale}} = \frac{Q}{m \times C} + \theta_{\text{initiale}}$$

$$S_1 : \theta_{\text{finale}} = 56^\circ .$$

$$S_2 : \theta_{\text{finale}} = 9^\circ .$$

$$S_3 : \theta_{\text{finale}} = 10^\circ$$

(valeurs arrondies au degré près comme celle de la température initiale)

$$\text{Calorimètre : } Q = K \times (\theta_{\text{finale}} - \theta_{\text{initiale}}) \Rightarrow (\theta_{\text{finale}} - \theta_{\text{initiale}}) = \frac{Q}{K} \Rightarrow \theta_{\text{finale}} = \frac{Q}{K} + \theta_{\text{initiale}}$$

$$\theta_{\text{finale}} = 5,6^\circ$$

### Exercice 2 :

a. Il y a échange d'énergie par transfert thermique entre la masse  $m_1=0,200\text{kg}$  d'eau chaude, qui passe de  $\theta_1=75^\circ\text{C}$  à  $\theta_f$ , et la masse  $m_2=0,200\text{kg}$  d'eau froide, qui passe de  $\theta_2=20^\circ\text{C}$  à  $\theta_f$ .

Chaleur reçue par l'eau chaude :  $Q_1 = m_1 \cdot C_{\text{eau}} \cdot (\theta_f - \theta_1)$  (négative)

Chaleur reçue par l'eau froide :  $Q_2 = m_2 \cdot C_{\text{eau}} \cdot (\theta_f - \theta_2)$  (positive)

Si on néglige les pertes thermiques on a

$Q_1 + Q_2 = 0$  d'où

$$m_1 \cdot C_{\text{eau}} \cdot (\theta_f - \theta_1) + m_2 \cdot C_{\text{eau}} \cdot (\theta_f - \theta_2) = 0$$

$$\text{On en déduit } \theta_f = \frac{m_1 \theta_1 + m_2 \theta_2}{m_1 + m_2} = 48^\circ\text{C}$$

On vient ainsi de montrer que, pour un échange thermique entre deux systèmes constitués d'un même matériau, la température finale est ainsi la moyenne des températures initiales, pondérée par les masses. Dans ce cas particulier où les deux masses étaient égales, la température finale est la moyenne des températures initiales.

b. La démarche est la même et  $\theta_f = 35^\circ\text{C}$

### Exercice 3

a. Même démarche qu'à l'exercice 2 et  $\theta_f = 32,4^\circ\text{C}$

b. Il y a cette fois échange d'énergie par transfert thermique entre trois systèmes :

- eau initialement à  $\theta_1 = 20,6^\circ\text{C}$ ,

- eau initialement à  $\theta_2 = 51,3^\circ\text{C}$

- récipient initialement à  $\theta_f = 20,6^\circ\text{C}$  puisqu'en équilibre thermique avec l'eau à  $20,6^\circ\text{C}$ .

Chaleur reçue par la masse  $m_1 = 400\text{g}$  d'eau initialement à  $\theta_1 = 20,6^\circ\text{C}$  :  $Q_1 = m_1 \cdot C_{\text{eau}} \cdot (\theta_f - \theta_1)$

Chaleur reçue par la masse  $m_2 = 250\text{g}$  d'eau initialement à  $\theta_2 = 51,3^\circ\text{C}$  :  $Q_2 = m_2 \cdot C_{\text{eau}} \cdot (\theta_f - \theta_2)$

Chaleur reçue par le récipient :  $Q_3 = K \cdot (\theta_f - \theta_1)$

Si on néglige les pertes thermiques :  $Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0$

$$m_1 \cdot C_{\text{eau}} \cdot (\theta_f - \theta_1) + m_2 \cdot C_{\text{eau}} \cdot (\theta_f - \theta_2) + K \cdot (\theta_f - \theta_1) = 0$$

$$m_1 \cdot C_{\text{eau}} \cdot \theta_f - m_1 \cdot C_{\text{eau}} \cdot \theta_1 + m_2 \cdot C_{\text{eau}} \cdot \theta_f - m_2 \cdot C_{\text{eau}} \cdot \theta_2 + K \cdot \theta_f - K \cdot \theta_1 = 0$$

$$\theta_f (C_{\text{eau}} \cdot (m_1 + m_2) + K) - C_{\text{eau}} (m_1 \theta_1 + m_2 \theta_2) - K \cdot \theta_1 = 0$$

$$\theta_f (C_{\text{eau}} \cdot (m_1 + m_2) + K) = C_{\text{eau}} (m_1 \theta_1 + m_2 \theta_2) + K \cdot \theta_1$$

$$\theta_f = \frac{C_{\text{eau}} (m_1 \theta_1 + m_2 \theta_2) + K \theta_1}{C_{\text{eau}} (m_1 + m_2) + K} = 31,7^\circ\text{C}$$

#### Exercice 4

a.  $Q = m \cdot C_{eau} \cdot (\theta_f - \theta_i) = \rho \cdot V \cdot C_{eau} \cdot (\theta_f - \theta_i) = 1 \times 1 \times 4180 \times (100 - 18) = 3,4 \cdot 10^5 \text{ J}$

b.  $P = \frac{Q}{\Delta t} \Leftrightarrow \Delta t = \frac{Q}{P} = \frac{3,4 \cdot 10^5}{1800} = 190 \text{ s} = 3 \text{ min } 10 \text{ s}$

#### Exercice 5

a.  $Q = m \cdot C_{eau} \cdot (\theta_f - \theta_i) = \rho \cdot V \cdot C_{eau} \cdot (\theta_f - \theta_i) = 1 \times 250 \times 4180 \times (60 - 20) = 4,18 \cdot 10^7 \text{ J}$  soit  $4,18 \cdot 10^7 / 3,6 \cdot 10^6 = 11,6 \text{ kWh}$ .

b.  $P = \frac{Q}{\Delta t} = \frac{11,6}{6} = 1,9 \text{ kW} = 1,9 \cdot 10^3 \text{ W}$

c. Même démarche qu'à l'exercice 2 avec  $m_1 = \rho \cdot V_1 = 1 \times 40 = 40 \text{ kg}$  d'eau initialement à  $\theta_1 = 20^\circ\text{C}$ , et  $m_2 = \rho \cdot V_2 = \rho \cdot (V - V_1) = 1 \times (250 - 40) = 210 \text{ kg}$  d'eau à  $\theta_2 = 60^\circ\text{C}$ . On obtient  $\theta_f = 53,6^\circ\text{C} = 54^\circ\text{C}$ .

d.  $Q = m \cdot C_{m \text{ eau}} \cdot (\theta_f - \theta_i) = 250 \times 4180 \times (60 - 53,6) = 6,7 \cdot 10^6 \text{ J}$ . C'est également la valeur de l'énergie thermique nécessaire pour réchauffer 40 kg d'eau de  $20^\circ\text{C}$  à  $60^\circ\text{C}$ .

e.  $\Delta t = \frac{Q}{P} = 3,5 \cdot 10^3 \text{ s}$  (presque 1h)

#### Exercice 6

a.  $Q_{air} = m_{air} \cdot C_{air} \cdot (\theta_f - \theta_i) = \rho_{air} \cdot V_{air} \cdot C_{air} \cdot (\theta_f - \theta_i) = 1,25 \times (11 \times 7 \times 3) \times 1,00 \cdot 10^3 \times (20 - 0) = 5,8 \cdot 10^6 \text{ J}$

b.  $Q_{beton} = m_{beton} \cdot C_{beton} \cdot (\theta_f - \theta_i) = \rho_{beton} \cdot V_{beton} \cdot C_{beton} \cdot (\theta_f - \theta_i)$  avec  $V_{beton} = 56 \text{ m}^3$  (=volume extérieur-volume intérieur).

$Q_{beton} = 2,3 \cdot 10^3 \times 56 \times 0,80 \cdot 10^3 \times (10 - 0) = 1,0 \cdot 10^9 \text{ J}$

c. On constate que  $Q_{beton} / Q_{air} \approx 200$  : il faut donc beaucoup plus d'énergie thermique pour réchauffer les parois que l'air intérieur, même quand comme ici la température finale des parois est inférieure à celle de l'air intérieur (le calcul est évidemment assez approximatif car la température n'est pas uniforme à l'intérieur des parois, cependant il est raisonnable de postuler comme ici que leur température moyenne est intermédiaire entre la température intérieure et la température extérieure)

d. Un transfert thermique égal à la moitié de la valeur obtenue à la question a est perdu en une heure.  $P = \frac{Q}{\Delta t} = \frac{2,9 \cdot 10^6}{3600} = 1,6 \cdot 10^3 \text{ W}$

#### Exercice 7

a, b et c :  $Q = m \cdot C \cdot (\theta_f - \theta_i)$  en utilisant la valeur de la capacité thermique massique correspondant à l'état physique aux températures considérées (a : liquide, b: solide, c : vapeur).

a : 14 kJ. b: 1,7 kJ c: 2,8 kJ.

d: gaz  $\rightarrow$  liquide :  $Q = -m \cdot L_v = -226 \text{ kJ}$  e. solide  $\rightarrow$  liquide :  $Q = m \cdot L_f = 33,3 \text{ kJ}$ .

f. La transformation se décompose en 5 étapes :

vapeur d'eau à  $120^\circ\text{C}$   $\rightarrow$  vapeur d'eau à  $100^\circ\text{C}$  :

$Q = m \cdot C_g(\theta_f - \theta_i) = 0,100 \times 1,41 \times (100 - 120) = -2,02 \text{ kJ}$

vapeur d'eau à  $100^\circ\text{C}$   $\rightarrow$  eau liquide à  $100^\circ\text{C}$  :  $Q = -m \cdot L_v = -226 \text{ kJ}$

eau liquide à 100°C → eau liquide à 0°C :  $Q = m \cdot C_{eau}(\theta_f - \theta_i) = 0,100 \times 4,18 \times (0 - 100) = -41,8 \text{ kJ}$

eau liquide à 0°C → glace (eau solide) à 0°C :  $Q = -m \cdot L_f = -33,3 \text{ kJ}$

glace à 0°C → glace à -20 °C :  $Q = m \cdot C_s(\theta_f - \theta_i) = 0,100 \times 2,10 \times (-20 - 0) = -4,2 \text{ kJ}$

Total : - 308 kJ

### Exercice 8 :

La transformation se décompose en 3 étapes :

glace à -30°C → glace à 0°C :  $Q = m \cdot C_s(\theta_f - \theta_i) = 0,250 \times 2,10 \times (0 - (-30)) = 15,8 \text{ kJ}$

glace à 0°C → eau liquide à 0°C :  $Q = m \cdot L_f = 0,250 \times 333 = 83,3 \text{ kJ}$

eau à 0° → eau à 100°C :  $Q = m \cdot C_{eau}(\theta_f - \theta_i) = 0,250 \times 4,18 \times (100 - 0) = 105 \text{ kJ}$

Total : 204 kJ

### Exercice 9

Analyse de la situation :

Système n°1 : 200 L d'eau du réservoir.

- Transformation : élévation de température de  $\theta_{i1} = 10^\circ\text{C}$  à  $\theta_f = 50^\circ\text{C}$
- Chaleur  $Q_1$  reçue :  $Q_1 = \rho \cdot V \cdot C_{eau}(\theta_f - \theta_{i1}) = 1000 \cdot 0,2 \cdot 4180 (50 - 10) = 3,34 \cdot 10^7 \text{ J}$

Système n°2 : la masse  $m$  de vapeur ( $m$  étant l'inconnue à déterminer)

• Transformation :

- ▶ refroidissement à l'état de vapeur de  $\theta_{i2} = 150^\circ\text{C}$  à  $\theta_{\text{liquéfaction}} = 100^\circ\text{C}$  :

chaleur reçue :  $m \cdot C_{vapeur} \cdot (\theta_{\text{liquéfaction}} - \theta_{i2})$

- ▶ puis liquéfaction (à 100°C) :

chaleur reçue  $-m \cdot L_v$  (bien penser au signe)

- ▶ puis refroidissement à l'état liquide de 100°C à 50 °C.

chaleur reçue  $m \cdot C_{eau} \cdot (\theta_f - \theta_{\text{liquéfaction}})$

• Donc la chaleur totale  $Q_2$  reçue par la vapeur est :

$$Q_2 = m \cdot C_{vapeur} \cdot (\theta_{\text{liquéfaction}} - \theta_{i2}) - m \cdot L_v + m \cdot C_{eau} \cdot (\theta_f - \theta_{\text{liquéfaction}}) = m \times (1,41 \cdot 10^3 (100 - 150) - 2,26 \cdot 10^6 + 4,18 \cdot 10^3 (50 - 100)) = m \times (-2,54 \cdot 10^6) \text{ en J si } m \text{ est en kg.}$$

La phrase "on néglige la capacité thermique des parois du réservoir" signifie qu'on peut négliger la chaleur absorbée par le réservoir lui-même.

Si on néglige les autres pertes on peut donc considérer que l'ensemble est isolé et n'échange pas d'énergie avec l'extérieur :

$$Q_1 + Q_2 = 0$$

$$m \cdot (-2,54 \cdot 10^6) + 3,34 \cdot 10^7 = 0$$

$$m = \frac{3,34 \cdot 10^7}{2,54 \cdot 10^6} = \underline{\underline{13 \text{ kg}}}$$

### Exercice 10 - aide et résultats numériques

Système n°1 : 250 kg de vapeur d'eau

- Transformation : refroidissement de 120 °C à 100°C, puis liquéfaction à 100°C, puis refroidissement de 100°C à 25°C.
- Chaleur reçue  $Q_1$

Système n°2 : une quantité inconnue , à déterminer, d'eau de la rivière (on peut déterminer sa masse ou son volume, il n'est pas précisé si on doit donner un débit massique ou volumique).

- Transformation : réchauffement de 15°C à 25°C
- Chaleur reçue  $Q_2$

On suppose l'ensemble isolé (on néglige les pertes) :  $Q_1+Q_2=0$

Résultats intermédiaires :  $Q_1= - 6,5.10^8$  J.  $Q_2=m \times 4,18.10^4$  (en J si m est en kg)

On trouve  $m = 1,6. 10^4$  kg = 16 t

Il faut donc pomper 16 tonnes d'eau par heure, ou encore  $V = \frac{m}{\rho}=16$  m<sup>3</sup> d'eau par heure